



SSC - CHSL

← संयुक्त उच्चतर माध्यमिक स्तर →

STAFF SELECTION COMMISSION

भाग – 2

गणित



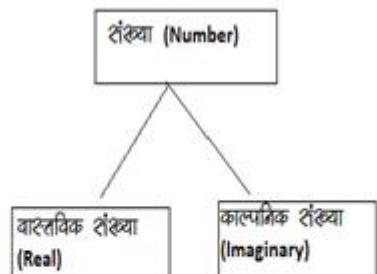
विषय सूची

अध्याय

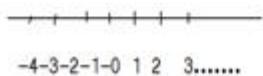
पृष्ठ अंक्या

1. अंक्या पद्धति	1
2. प्रतिशतता	17
3. मिश्रण एव पृथक्करण	24
4. लाभ - हानि	31
5. शाधारण एवं चक्रवृद्धि ब्याज	45
6. अनुपात - असानुपात	60
7. औरत	70
8. शरलीकरण	78
9. ल.क.प, म.क.प.	86
10. कार्य और अमय	93
11. आयु	103
12. शोदारी	109
13. चाल, अमय और दूरी	117
14. नाव और धारा	131
15. पाइप और टंकी	137
16. बीजगणित	142
17. त्रिकोणमिति	157
18. क्षेत्रमिति	168
19. ड्यामिति	193
20. अंक्यात्मक अभियोग्यता	235
21. अँचाई और दूरी	247

दंख्या पद्धति (Number System)



जिन्हें प्रदर्शित किया जा सकता है number line में



$$\sqrt{-21}, \sqrt{-1} = i$$

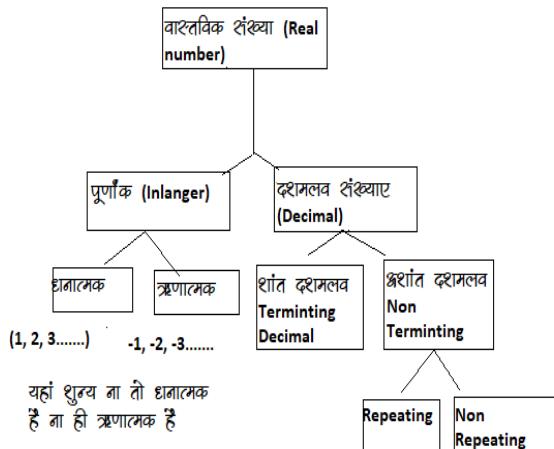
वर्तमान गणितीक दंख्यों का

- ❖ कम्मश दंख्याएँ Complex Number (z)-
- वास्तविक + काल्पनिक

$$Z = a + i b$$

जहाँ a = वास्तविक दंख्या

b = काल्पनिक दंख्या



शांत दशमलव:-

वह दंख्याएँ जो दशमलव के बाद कुछ अंकों के बाद खत्म हो जाये तैरी- इसे $0.25, 0.15, 0.375$ इसे भिन्न दंख्या में लिखा जा सकता है।

अशांत दशमलवः- वह दंख्याएँ जो दशमलव के बाद चलते रहते हैं ये दो तरह के हो सकते हैं।

$$0.3333, 0.7777, 0.183183183\dots$$

- जो दंख्याएँ दशमलव के बाद कभी खत्म नहीं होती बल्कि पुनरावृति करती हो, इन्हें तका इसे भिन्न में लिखा जा सकता है।

पुनरावृति
Repeating

Non
Repeating
Decimal

जो दंख्याएँ दशमलव के बाद कभी खत्म नहीं होती पर ये उपनी दंख्याओं की निश्चित पुनरावृति में Repeat नहीं करती।

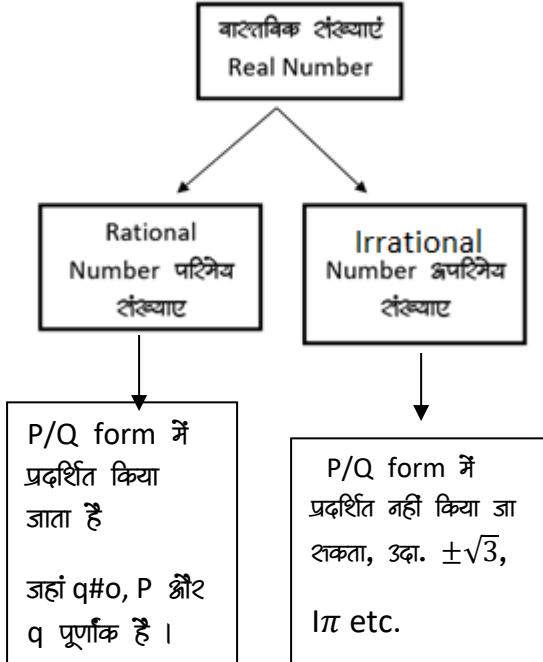
Platform में प्रदर्शित नहीं कर सकते

उदाहरण- $0.3187098312715\dots$

$$\sqrt{3}, \sqrt{7}, \sqrt{11}, \pi$$

- ❖ अशांत पुनरावृति दशमलव दंख्याएँ :-

1. $0.3333\dots = 0.\bar{3} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$
2. $0.666\dots = 0.\bar{6} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$
3. $0.387387387\dots = 0.\overline{387} = \frac{387}{999} = \frac{43}{111}$
4. $0.848484\dots = 0.\overline{84} = \frac{84}{99} = \frac{28}{33}$



- ❖ परिमेय (Rational) दंख्याएँ:- वह दंख्याएँ जिन्हें P/Q form में लिखा जा सकता है लेकिन Q जहाँ शून्य नहीं होना चाहिए, P व Q पूर्णांक होने चाहिए

$$\text{उदाहरण } 2/3, 4/5, \frac{10}{-11}, \frac{7}{8}$$

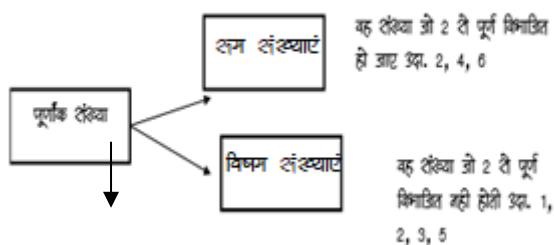
रैखिक पद्धति (Number System)

❖ अपरिमेय (Irrational) संख्याएँ:- इन्हें P/Q form में प्रदर्शित नहीं किया जा सकता।

उदाहरण $\sqrt{2}, \sqrt{3}, \sqrt{11}, \sqrt{19}, \sqrt{26} \dots$

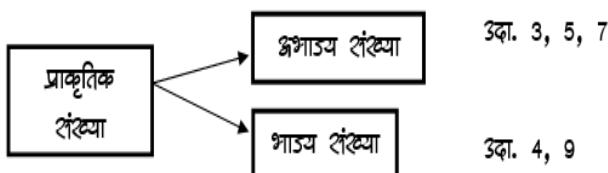
❖ प्राकृतिक संख्याएँ \rightarrow धनात्मक संख्याएँ (1, 2, 3.....)

❖ पूर्ण संख्याएँ \rightarrow शूद्रय + धनात्मक पूर्णांक (0, 1, 2, 3.....)



\rightarrow शूद्रय भी धन संख्या है।

- ❖ धन \pm धन \rightarrow धन संख्या ($4+6 \rightarrow 10$)
- ❖ धन \pm विषम \rightarrow विषम संख्या ($4+5 \rightarrow 19$)
- ❖ विषम \pm विषम \rightarrow धन संख्या ($3+5 \rightarrow 8$)
- ❖ धन \times विषम \rightarrow धन संख्या ($2 \times 3 \rightarrow 6$)
- ❖ धन \times धन \rightarrow धन संख्या ($4 \times 4 \rightarrow 16$)
- ❖ विषम \times विषम \rightarrow विषम संख्या ($3 \times 3 \rightarrow 9$)



\rightarrow भ्रात्यय संख्याएँ- वह संख्या जो शिर्फ 1 व 2व्यं द्वारा विभाजित होती है। जैसे- $5 = 1 \times 5$ (only गुणनखण्ड)

\rightarrow भात्यय संख्याएँ- जो संख्याएँ भ्रात्यय नहीं हैं यानि उनके दो से अधिक गुणनखण्ड होगे। जैसे- $9 = 1 \times 3 \times 3$ (तीन गुणनखण्ड)

\rightarrow शूद्रय ना तो भात्यय ना ही भ्रात्यय संख्या होती है।

भ्रात्यय संख्याएँ (Prime Numbers)- जिसके शिर्फ दो form हो- $1 \times$ संख्या जैसे- {2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19.....}

जहां 1 Prime Number नहीं है।

2 केवल धन Prime संख्या है।

3, 5, 7 क्रमागत विषम भ्रात्यय संख्या का इकलौता जोड़ है।

1-50 तक कुल 15 Prime Number हैं।

51-100 तक कुल 10 Prime Number हैं।

अतः 1-100 तक कुल 25 Prime Number हैं।

\rightarrow शह भ्रात्यय संख्याएँ- वह संख्याएँ जिनका HCF शिर्फ 1 हो।

Ex. (4, 9), (15, 22), (39, 40)

$$HCF = 1$$

\rightarrow Perfect Number परफेक्ट संख्या:- वह संख्या जिसके गुणनखण्डों का योग उस संख्या के बराबर हो (गुणनखण्डों में १व्यं उस संख्या को छोड़कर)

Ex. $6 \rightarrow 1, 2, 3$ यहां $\rightarrow 1+2+3 \rightarrow 6$

$28 \rightarrow 1, 2, 4, 7, 14 \rightarrow 1+2+4+7+ \rightarrow 28$

\rightarrow प्रत्यक्ष मान और इथानीय मान:-

Ex. 24175321

यहां 7 \rightarrow का प्रत्यक्ष मान $\rightarrow 7$ होगा।

इथानीय मान $\rightarrow 70000$ होगा।

अंक के बाद जितगी अंकों की संख्या उनमें शून्य इथा दो।

इकाई का अंक (Unit Digit Method)

यदि किसी संख्या का इकाई का अंक निम्न है तो घात बड़ी होने पर इकाई का अंक होगा-

- (0)ⁿ - 0
- (1)ⁿ - 1
- (5)ⁿ - 5
- (6)ⁿ - 6

उदाहरण. $5^{420} + 6^{538}$

उत्तर \rightarrow _____ (5+6) = _____ 1 Unit digit

And:-

- (4)ⁿ n = odd number तब 4 (इकाई)
- (4)ⁿ n = even number तब 6 (इकाई)

(9)ⁿ जहां (n = विषम) $\rightarrow 9$

(9)ⁿ जहां (n = धन) $\rightarrow 1$

उदाहरण:- $(9)^{134} + (4)^{111} \rightarrow 1 + 4 =$ होगा

ट्रिंक्या पद्धति (Number System)

Ans:-

$(2,3,7,8)^n$ इसमें चार तरह के उत्तर हो सकते हैं।

1. $\frac{n}{4} = 1$ शेषफल क्रमशः $(2,3,7,8)$
2. $\frac{n}{4} = 2$ शेषफल क्रमशः $(4,9,9,9)$
3. $\frac{n}{4} = 3$ शेषफल क्रमशः $(8,7,3,2)$
4. $\frac{n}{4} = 0$ शेषफल क्रमशः $(6,1,1,6)$

उदाहरण:-

$$(259)^{146} - (123)^{43}$$

$$(9)^{146} - (3)^{43}$$

$$1 - (3)^3$$

$$1 - 7 = 6 \text{ or } -6 + 10 = 4 \quad (\text{unit digit})$$

- आड्यता के नियम:- निम्न ट्रिंक्याओं से भाग देने पर पूर्ण जायेगा या नहीं
 - 2 → जब ट्रिंक्या का इकाई अंक 2 से पूर्ण विभाजित हो तो ट्रिंक्या भी पूर्ण विभाजित हो सकती है।
 - 4 → आखिरी दो अंक 4 से भाजित होनी चाहिए।
 - 8 → आखिरी तीन अंक 8 से भाजित होने चाहिए।
 - 16 → आखिरी चार अंक 16 से विभाजित होने चाहिए।

उदाहरण:-

ट्रिंक्या 28754, ट्रिंक्या 2 से पूर्ण विभाजित हैं या नहीं-

28754 में आखिरी अंक $= \frac{4}{2} = 2$ बार पूर्ण विभाजित हैं।

अतः ट्रिंक्या 28754 भी पूर्ण विभाजित होगी।

3 → ट्रिंक्या के शभी अंकों का योग 3 से पूर्ण विभाजित होना चाहिए।

9 → ट्रिंक्या के शभी अंकों का योग 9 से पूर्ण विभाजित होना चाहिए।

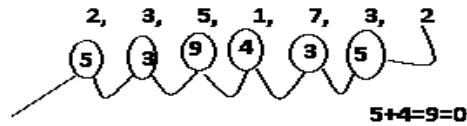
उदाहरण:- 1

ट्रिंक्या 2351732 को 9 से भाग करने पर शेषफल होगा

$$\frac{2351732}{9} \rightarrow \text{Digit sum- } 2 + 3 + 5 + 1 + 7 +$$

$$3 + 2 = \frac{23}{9} = 5 \text{ शेषफल}$$

Digit sum → किसी ट्रिंक्या के Digit (अंकों) को जोड़ना जहां Sum ($9=0$) होता है।



5 Digit Sum

5 → आखिरी अंक 5 से पूर्ण विभाजित हो

6 → 2×3 (जहां अभाज्य ट्रिंक्या)

- 2 से भाजकता का नियम देखता है
- 3 से भाजकता के नियम की जांच करता है।

उदाहरण:-

ट्रिंक्या 2250, 18 से पूर्ण विभाजित होगी या नहीं जानते हैं 18 → 9 × 2

ट्रिंक्या का digit sum

इसे भाजकता, जब इकाई अंक 2 से विभाजित हो

9 से विभाजित हो

अतः ट्रिंक्या 2250, 18 से पूर्ण भाजित होगी।

- (7, 11, 13)

7, 11, 13 → ट्रिंक्या का पीछे से 3-3 का जोड़ बनायेंगे फिर उन जोड़ों का अन्तर 7, 11, 13 से विभाजित होना चाहिए तो वे ट्रिंक्या 7, 11, 13 से विभाजित होगी।

11 → दी गयी ट्रिंक्या में लम्ब इथान पर अंकों का जोड़, विषम इथान पर अंकों के जोड़ का अन्तर या तो 0 हो या 11 हो तो वह ट्रिंक्या 11 से पूर्ण भाजित होगी।

7 → ट्रिंक्या का आखिरी अंक को 3 गुणा कर के शेष ट्रिंक्या से घटा देंगे, उत्तर अगर 7 से भाजित होता है तो ट्रिंक्या भी होगी।

- यदि एक ट्रिंक्या $467x893$ है जो 3 से पूर्ण विभाजित हो तो x का मान क्या हो सकता है-

शंख्या पद्धति (Number System)

3 के लिए:- हम जानते हैं कि शंख्या के अभी अंको का योग यदि उसे भाज्य हो तो वह शंख्या भी 3 से पूर्ण भाज्य होगी।

467×893

$$4+6+7+x+8+9+3 \rightarrow \frac{37+x}{3}$$

$$= \frac{1+x}{3} \text{ यहाँ } x \rightarrow 2, 5, 8 \text{ हो सकते हैं।}$$

अतः x के मान शंभव हैं- 2, 5, 8

- यदि शंख्या $875x321$ है जो 9 से पूर्ण विभाजित हो तो x का मान क्या हो सकता है-

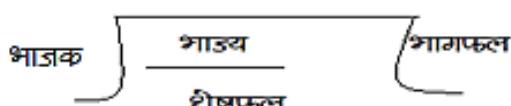
$875x321$

$$\text{digit sum} \rightarrow \frac{8+x}{9} \rightarrow x \text{ के मान शंभव हैं।}$$

1 मान शंभव है।

शेषफल प्रमेय

हम जानते हैं कि डब हम किसी शंख्या में किसी शंख्या का भाग लगाते हैं तो



भाज्य = भाजक \times भागफल + शेषफल

उदाहरण:-

$$\begin{array}{r} 5 \overline{)51} \\ 5 \overline{)1} \end{array}$$

अतः $51 = 5 \times 10 + 1$ जहाँ 1 शेषफल है।

- शेषफल होगा भाजक से छोटा होता है।

$$\begin{array}{l} 5 \times 10 + 1 \quad \text{धनात्मक शेषफल} \\ \text{अगर } \frac{51}{5} \rightarrow 5 \times 11 - 4 \quad \text{ऋणात्मक शेषफल} \end{array}$$

इसी प्रकार शेषफलों का जोड़

$$(1) \frac{5 \ 1}{13} = 6 \text{ शेषफल} \quad \text{or} \ \frac{5 \ -12}{13} = -7/6$$

$$(2) \frac{-8 \ 1}{13} = -7/6 \quad \text{or} \ \frac{-8 \ -12}{13} = -7/6$$

• शेषफलों का गुणा -

$$\frac{80 \times 105}{11} = 3 \times 6 = \frac{18}{11} = 7 \quad \text{शेषफल}$$

$$\frac{80 \times 105}{11} = \frac{-15}{11} = 7$$

$$\frac{80 \times 105}{11} = \frac{-40}{11} = 7$$

$$\frac{80 \times 105}{11} = \frac{-48}{11} = -4 + 11 = 7$$

❖ Fermat Theorem: $\frac{x^{p-1}}{P}$ जहाँ P एक prime number (x, p) जहाँ भाज्य शंख्या एवं Coprime number $\frac{x^{p-1}}{P} = 1$ शेषफल HCF (x, p) = 1

उदाहरण:-

$$\frac{30^{12}}{13} = \frac{x^{p-1}}{P} = 1 \text{ शेषफल}$$

$$\frac{64^{30}}{31} = 1 \text{ शेषफल होगा}$$

❖ 1.

$$\frac{4^{2007}}{17} = \frac{(4^{16})^{125}}{17} \times 4^7$$

$$\frac{1 \times 4^7}{17} = \frac{4 \times 16 \times 16 \times 16}{17} = 4 \text{ or } 13$$

Type-II बड़ी घात को टुकड़ी में तोड़कर

$$\frac{ax+k^n}{a} = k^n \quad (\text{शेषफल})$$

$$\frac{ax+k^n}{a} = (-k)^n \quad (\text{शेषफल})$$

उदाहरण:-

1. $\frac{(25)^9}{24} = \frac{(24+1)^9}{24} = 1^9 = 1$ (शेषफल)
2. $\frac{(39)^{25}}{40} = \frac{(40-1)^{25}}{40} = (-1)^{25} = -1$ शेषफल या 39 होगा।

ठंडव्या पद्धति (Number System)

जैसे को 7^{101} 48 में विभाजित किया जाये तो शेषफल होगा-

$$\begin{aligned} \cancel{(7)^{101}}_{48} &= \frac{(7^2)^{50} \cdot 7}{48} \\ &= \frac{49^{50} \times 7}{48} \end{aligned}$$

$$= \frac{1^{50} \cdot 7}{48} = 7 \text{ शेषफल}$$

Note $\frac{4^n}{6}$ format में हमेशा शेषफल 4 ही होगा, $(n>0)$

पूर्ण वर्ग ठंडव्या:-



Unit digit वर्ग के हो सकते हैं-

जो नहीं हो सकते

- | | |
|-----------|-----|
| ➤ 0 | 2 — |
| ➤ 1 | 3 — |
| ➤ 4 | 7 — |
| ➤ 5 or 25 | 8 — |
| ➤ 6 | |
| ➤ 9 | |

❖ किसी भी ठंडव्या के वर्ग के अंतिम दो अंक वही होंगे जो 1-24 तक की ठंडव्या के वर्ग के अंतिम दो अंक होंगे।

नोट:- इतः कभी को 1-25 के वर्ग छवश्य याद होने चाहिए।

उदाहरण- कौनसी ठंडव्या पूर्ण वर्ग होगी-

1. 21904
2. 22903
3. 21917
4. 35405

व्याख्या:- यहा unit digit किसी भी वर्ग का 3, 7 नहीं हो सकता और वर्ग के आखिर में 5 आ सकता है लेकिन उक्ते नहीं वह हमेशा 25 होगा।

इतः शेष विकल्प (1) शही होगा 21904 जो की 148 का वर्ग है।

Q. 1 एक बगीचे में कुल 36562 गमले हैं उन गमलों की शावट कर वर्ग बनाना है। तो बताइये इनमें से कितने गमले हटाये जाये की में पूर्व बना लेंगे।

- (a) 36 (b) 65 (c) 81 (d) 97

हल - 36562 में से

(1) 36 घटाने पर, 26 आखिर में आता है जो किसी भी वर्ग में नहीं होता।

(2) 65 घटाने पर, 97 जो किसी भी वर्ग में नहीं आता

(3) 81 घटाने पर, यही शही उत्तर होगा।

(4) 97 घटाने पर, 65 किसी के आखिर में भी आता 25 आता है हमेशा।

Q. 2 पूर्ण वर्ग ठंडव्या कौनसी होगी -

- (A) 17343 - 3 किसी भी वर्ग के अन्त में नहीं होता x
 (B) 987235 - 5 से पहले हमेशा 2 होता है x
 (C) 976366 - 6 से पहले हमेशा विषम ठंडव्या होती है किसी वर्ग में x
 (D) 106276 - यह शही होगी।

Binary and decimal में बदलना

Binary ठंडव्या पद्धति Decimal ठंडव्या पद्धति

B → D	1 11 "
0 → 0	2 12 "
1 → 1	3 13 "
10 → 2	4 14 "
11 → 3	5 15 "
100 → 4	6 16 "
101 → 5	7 17 "
110 → 6	8 18 "
111 → 7	9 19 "
1000 → 8	10 20 "

१०८व्या पद्धति (Number System)

उत्तर - (a)

व्याख्या -

माना 5 क्रमिक विषम धनात्मक पूर्णांक $x, x + 2, x + 4, x + 6$ और $x + 8$ हैं।

प्रश्नानुसार

$$\begin{array}{r} x + x + 2 + x + 4 + x + 6 + x + 8 \\ \hline 5 \\ = 9 \end{array}$$

$$\therefore 5x + 20 = 25$$

$$\therefore 5x = 25$$

$$\therefore x = 5$$

\therefore शब्दों छोटा धन पूर्णांक 5 है।

Q. 4 शभी एक अंक, दो अंकों तथा तीन अंकों वाली प्राकृतिक संख्याओं का औसत क्या है ?

- | | |
|----------|----------|
| (a) 300 | (b) 500 |
| (c) 1000 | (d) 1250 |

उत्तर - (b)

व्याख्या -

शभी 1 अंक, 2 अंक एवं 3 अंक की कुल संख्याएं 1, 2, ..., 11, 12, ..., 998, 999 होगी।

\therefore इन शभी संख्याओं का औसत = प्रथम संख्या + अंतिम संख्या 2

$$= \frac{1+999}{2} = \frac{1000}{2} \Rightarrow 500$$

Q. 5 तीन क्रमागत पूर्णांकों का योग 51 है। बीच वाली संख्या क्या होगी ?

- | | |
|--------|--------|
| (a) 14 | (b) 15 |
| (c) 16 | (d) 17 |

उत्तर - (d)

व्याख्या -

माना तीन क्रमागत पूर्णांक क्रमशः $x, x + 1, x + 2$ हैं।

प्रश्नानुसार

$$x + x + 1 + x + 2 = 51$$

$$3x + 3 = 51$$

$$3x = 48$$

$$x = \frac{48}{3} \Rightarrow 16$$

$$\text{बीच वाली संख्या} = x + 1 = 16 + 1 = 17$$

Q. 6 यदि तीन क्रमागत प्राकृत संख्याओं के वर्गों का योगफल 110 हो, तो उनमें से शब्दों छोटी प्राकृत संख्या होगी-

- | | |
|-------|-------|
| (a) 8 | (b) 6 |
| (c) 7 | (d) 5 |

उत्तर - (d)

व्याख्या -

माना तीन क्रमागत प्राकृतिक संख्याओं में शब्दों छोटी प्राकृत संख्या a है।

\therefore प्रश्न ऐसे-

$$a^2 + (a + 1)^2 + (a + 2)^2 = 110$$

$$a^2 + a^2 + 2a + 1 + a^2 + 4a + 4 = 110$$

$$3a^2 + 6a = 110 - 5$$

$$3a^2 + 6a = 105$$

$$a^2 + 2a - 35 = 0$$

$$a^2 + 7a - 5a - 35 = 0$$

$$(a + 7)(a - 5) = 0$$

यदि $a + 7 = 0$ तब $a = -7$ (जो संभव नहीं है)

अब $a - 5 = 0$ तब $a = 5$

Q. 7 चार अंकों की वह शब्दों बड़ी संख्या कौन-सी है, जो पूर्ण वर्ग भी है ?

- | | |
|----------|----------|
| (a) 9999 | (b) 9909 |
| (c) 9801 | (d) 9081 |

उत्तर - (c)

व्याख्या -

दिए गए विकल्पों में 9801 एक पूर्ण वर्ग संख्या है, जो कि 99 का वर्ग है, जबकि अन्य शभी संख्याएं पूर्ण वर्ग संख्याएं नहीं हैं। इसलिए अशीष्ट उत्तर विकल्प (c) होगा।

Q. 8 निम्नलिखित में से कौन-सा पूर्ण वर्ग का इकाई अंक नहीं हो सकता है ?

- | | |
|-------|-------|
| (a) 4 | (b) 6 |
|-------|-------|

१०८व्या पद्धति (Number System)

- | | |
|-------|-------|
| (a) 0 | (b) 2 |
| (c) 1 | (d) 4 |

उत्तर - (a)
व्याख्या -

*⁴ = 4 से भाज्य कंख्या इतः * का छोटा से छोटा मान = 0

Type 4

भाज्यता (3,9)



Q. 14 1 से 200 के बीच ऐसी कितनी कंख्याएं हैं, जो 3 से तो विभाजित होती हैं लेकिन 7 से नहीं ?

- | | |
|--------|--------|
| (a) 38 | (b) 45 |
| (c) 57 | (d) 66 |

उत्तर - (c)
व्याख्या -

1 से 200 तक 3 से विभाजित होने वाली कंख्याएं -

3, 6, 9, 12, 15..... 198

$$\therefore 198 = 3 + (n - 1).3 = \frac{195}{3} = n - 1$$

$$\therefore n = 65 + 1 = 66$$

तथा 21 (3 एवं 7 का ल.स.) से विभाजित होने वाली कंख्याएं -

21, 42, 63, 189

$$\therefore 189 = 21 + (n' - 1).21$$

Q. 15 यदि 72^*72 को 9 के द्वारा विभाजित किया जा सकता हो, तो लुप्त * का अंक कौन-सा होगा ?

- | | |
|------------|------------|
| (a) 3 या 6 | (b) 2 या 4 |
| (c) 5 या 8 | (d) 0 या 9 |

उत्तर - (d)
व्याख्या -

कंख्या 9 से ऐसी कंख्याएं विभाजित होंगी जिनके अंकों का योग कंख्या 9 से विभाजित होगा ।

$$\text{अर्थात् } 7 + 2 + * + 7 + 2 = 18 + *$$

अतः यदि * = 0 या 9 हो तो कंख्या 9 से पूर्णतया विभाजित होगी ।

Type 5

भाज्यता (5,10,15,25,125)



Q. 16 3^{21} को 5 विभाजित करने पर शेषफल क्या होगा ?

- | | |
|-------|-------|
| (a) 1 | (b) 2 |
| (c) 3 | (d) 4 |

उत्तर - (c)
व्याख्या -

$$3^{21} = 3^{16+5}$$

$$\text{अब } 3^5 = 243$$

अब 243 को 5 से भाग देने पर शेषफल 3 प्राप्त होता है । अतः 3^{21} को भी पांच से भाग देने पर शेषफल 3 प्राप्त होगा ।

Q. 17 जब 'n' को 5 से विभाजित किया जाता है, तो शेषफल 2 आता है । तब्बुशार n^2 को 5 से विभाजित करने पर शेषफल कितना होगा ?

- | | |
|-------|-------|
| (a) 2 | (b) 3 |
| (c) 1 | (d) 4 |

उत्तर - (d)
व्याख्या -

माना $n = 7$ या 12

अतः प्रश्नानुशार $\frac{n}{5}$ या $\frac{7}{5}$ करने पर शेषफल 2 आता है

अतः $\frac{n^2}{5}$ करने पर

१०८ अंक्या पद्धति (Number System)

$$\frac{7^2}{5} = \frac{49}{5} = 9 \text{ भागफल तथा शेषफल } 4$$

तथा $n = 12$ रखने पर

$$\frac{n^2}{5} = \frac{144}{5}$$

= 28 भागफल 4 शेषफल

Type 6

भाज्यता (अन्य अंक्या)



Q. 18 7251 को 66 से विभाजित करने पर प्राप्त होने वाला भागफल क्या है ?

- | | |
|---------|---------|
| (a) 110 | (b) 109 |
| (c) 111 | (d) 112 |

उत्तर - (b)

व्याख्या -

$$66)7251(109$$

$$\begin{array}{r} 66 \\ \hline 651 \\ 594 \\ \hline 57 \end{array}$$

इस प्रकार 7251 को 66 से विभाजित करने पर भागफल 109 तथा शेषफल 57 प्राप्त होगा इतः विकल्प (b) अभीष्ट होगा ।

Q. 19 यदि $46N, 18$ से विभाजित होती है, तो N का मान क्या होगा ?

- | | |
|-------|-------|
| (a) 2 | (b) 4 |
| (c) 7 | (d) 8 |

उत्तर - (d)

व्याख्या -

$$18)46 N(26$$

$$\begin{array}{r} 36 \\ \hline 10 N \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10 \quad 8 \\ \hline 2 \end{array}$$

इतः उपर्युक्त व्याख्या से स्पष्ट है कि दी हुई अंक्या 18 से तभी विभाजित होगी जब N के स्थान पर 8 होगा।

इत विकल्प (d) यही उत्तर है ।

Q. 20 8961 में कौनसी लघुतम अंक्या जोड़े कि वह 84 से पूर्णतः विभाज्य हो जाए ?

- | | |
|---------|---------|
| (a) 27 | (b) 57 |
| (c) 141 | (d) 107 |

उत्तर - (a)

व्याख्या -

8961 में 84 से भाग देने पर 8 भागफल 106 तथा शेषफल 57 हैं । अब यदि भाजक में से शेषफल घटा दिया जाए तब वह लघुतम अंक्या प्राप्त हो जाएगी ।

$$\therefore 84 - 54 = 30$$

इतः 27 वह लघुतम अंक्या हैं जिसे 8961 में जोड़ने पर वह 84 से पूर्णतः विभाज्य हो जाएगी।

Type 7

भाज्यता (7,11,13)



Q. 21 3401 में से कौन-सी न्यूनतम अंक्या घटाई जानी चाहिए, ताकि वह शशि 11 से पूर्णतः विभाज्य हो ?

- | | |
|-------|-------|
| (a) 3 | (b) 1 |
| (c) 2 | (d) 0 |

उत्तर - (c)

व्याख्या -

$$11)3401(309$$

$$\begin{array}{r} 33 \\ \hline 101 \\ 99 \\ \hline 2 \end{array}$$

इतः घटाई जाने वाली अभीष्ट अंक्या 2 होगी।

Q. 22 यदि $56M4, 11$ से पूर्णतः विभाजित होता है, तो M का मान क्या है ?

१०८व्या पद्धति (Number System)

- (a) 0
(c) 3

- (b) 1
(d) 5

उत्तर - (d)
व्याख्या -

कोई शंख्या 11 से विभाजय होगी, यदि उस शंख्याओं के अंकों के योग तथा विषम शंख्याओं के अंकों के योग का अंतर शूद्रय या 11 का अपवर्त्य हो

$$\therefore (5 + M) - (6 + 4) = 0 \text{ या } 11$$

$$5 + M = 10$$

$$M = 10 - 5 = 5$$

Type 8

घातांक का इकाई अंक
निकालना $(0, 1, 5, 6)$
 $(4, 9) (2, 3, 7, 8)$



Q. 23 निम्नलिखित घातांकीय शंख्याओं में इकाई का अंक ज्ञात कीजिए -

$$(1570)^{67} ?$$

- | | |
|-------|-------|
| (a) 1 | (b) 2 |
| (c) 3 | (d) 0 |

उत्तर - (d)
व्याख्या -

$$(1570)^{67} \text{ में इकाई का अंक} = 0$$

Q. 24 निम्नलिखित घातांकीय शंख्याओं में इकाई का अंक ज्ञात कीजिए -

$$(781)^{80} ?$$

- | | |
|-------|-------|
| (a) 1 | (b) 5 |
| (c) 7 | (d) 0 |

उत्तर - (a)
व्याख्या -

$$(781)^{80} \text{ में इकाई का अंक} = 1$$

Q. 25 गुणनफल $(2467)^{153} \times (341)^{72}$ में यूनिट अंक क्या है ?

- | | |
|-------|-------|
| (a) 1 | (b) 3 |
|-------|-------|

- (c) 7
(d) 9

उत्तर - (c)
व्याख्या -

दी गई शंख्या

$$= (2467)^{153} \times (341)^{72}$$

इकाई का अंक का गुणनफल

$$= (7)^{153} \times (1)^{72}$$

$$= (7)^{38 \times 4 + 1} \times (1)^{72}$$

(∵ किसी भी शंख्या के घातांक में 4 के गुणज के बाद शंख्या पूर्ववर्ती इकाई अंक होती है।)

$$= 7 \times 1 = 7 \text{ (इकाई का अंक)}$$

Type 9

वर्ग तथा घनों का
योगान्तर



Q. 26 श्रेणी $1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 998 + 999 + 1000$ का योग है -

- | | |
|------------|------------|
| (a) 5050 | (b) 500500 |
| (c) 550000 | (d) 55000 |

उत्तर - (b)
व्याख्या -

$$(1 + 2 + 3 + 4 + \dots + n) \text{ का योग} = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$\therefore 1 + 2 + 3 + \dots + 1000 \text{ का योग} = \frac{1000(1000+1)}{2} = \frac{1000 \times 1001}{2} = 500500$$

Q. 27 प्रथम 10 प्राकृतिक शंख्याओं के वर्गों का औसत क्या है ?

- | | |
|----------|----------|
| (a) 55.5 | (b) 45.6 |
| (c) 38.5 | (d) 40.5 |

उत्तर - (c)
व्याख्या -

माना n प्राकृतिक शंख्याओं के वर्गों का योग
 $= \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$

∴ प्रथम 10 प्राकृतिक शंख्याओं के वर्गों को योग $= \frac{10(10+1)(2 \times 10+1)}{6}$

